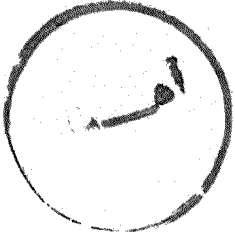
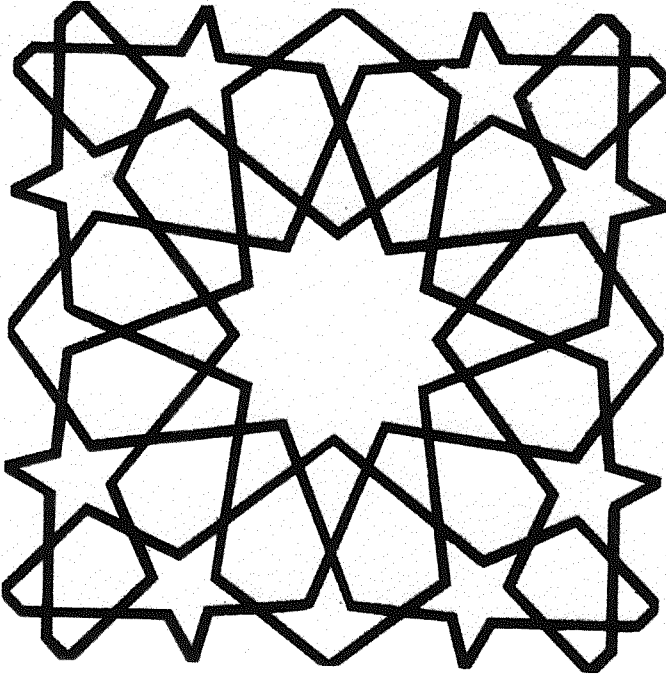


12240



مجلة

العلوم التربوية



مجلة نصف سنوية - علمية - محكمة تصدر عن كلية التربية جامعة قطر العدد (١٢)

The Effectiveness of Problem-Solving Strategy on Achievement and Mathematical Thinking for the Basic Stage in Jordan

Taiseer Khaleel Al-Qaisi*

Abstract

The study aimed to investigate the effect of problem-solving Strategy on achievement and mathematical thinking of the basic stage students in Jordan.

A sample of male students of Omer bin Alkhatab Basic school was randomly selected . It consisted of (68) male students of the seventh grade that were randomly distributed into two groups : experimental one consists of (35) students and control one consists of (33) students , the two groups were statistically matched in variables of age , previous achievement & mathematical thinking.

The experimental group were taught by problem solving Strategy, and the control group were taught in the ordinary method in the 1st semester of 2004/2005.

Two post tests were applied as follows:

- (1) Mathematics Achievement test of (28) multiple choice items.
- (2) Mathematical thinking test of (30) multiple choice items distributed into (6) domains : Induction, Deduction, Symbolic substitution, Relation thinking, Formal logic, Inquiry.

The two tests were checked for their Validity and reliability, their reliability were (0.88) & (0.92) respectively.

* Assistant professor - Curriculum and Teaching Dept. - Faculty of Education - Tafila Technical University - Jordan.

فاعلية استخدام استراتيجيات حل المشكلات في التحصيل والتفكير الرياضي لدى طلبة المرحلة الأساسية في الأردن

تيسير خليل القيسي*

المخلص

استهدفت الدراسة معرفة أثر استخدام استراتيجيات حل المشكلات في التحصيل والتفكير الرياضي لدى طلبة المرحلة الأساسية في الأردن، وقد تكونت عينة الدراسة من (٦٨) طالباً من طلاب الصف السابع الأساسي في مدرسة عمر بن الخطاب الأساسية وزعوا عشوائياً إلى مجموعتين تجريبية وضابطة درستا باستخدام استراتيجيات حل المشكلات والطريقة الاعتيادية على الترتيب، وكوفئت المجموعتان في متغيرات العمر الزمني، والتحصيل السابق، والتفكير الرياضي.

استخدم في الدراسة اختباران، هما:

- (١) اختبار تحصيلي مكون من (٢٨) فقرة، تم التأكد من صدقه وثباته، فبلغ معامل الثبات (٠,٨٨).
- (٢) اختبار للتفكير الرياضي مكون من (٣٠) فقرة موضوعية، توزعت على ستة مجالات، هي: (الاستقراء، والاستنتاج، والتعبير بالرموز، والتفكير العلاقي، والمنطق الشكلي، والاستقصاء)، وقد تم التأكد من صدقه وثباته، وتراوحت معاملات الثبات للاختبار ككل ومختلف المجالات بين (٠,٧٢ - ٠,٩٢).

استخدم الاختبار التائي وتحليل التباين المصاحب (ANCOVA) في التحليل، وأظهرت النتائج وجود فروق دالة إحصائية ($\alpha > 0.01$) بين المتوسطات الحسابية لدرجات الطلاب في الاختبار التحصيلي واختبار التفكير الرياضي الكلي ومجالاته الستة ولصالح المجموعة التجريبية، ويوصي الباحث باستخدام هذه الاستراتيجيات في التدريس، وإجراء دراسات مماثلة.

* أستاذ مساعد - قسم المناهج والتدريس - كلية العلوم التربوية - جامعة الطفيلة التقنية - الأردن.

المقدمة

يعود استخدام استراتيجية حل المشكلة إلى العلماء العرب والمسلمين أمثال جابر بن حيان، وابن الهيثم، والرازي، وابن سينا، الذين دعوا إلى اتباع المنهج العلمي في التفكير، وقد انفق (Dewey) مع ما نادى به هؤلاء المربون حول مفهوم حل المشكلة؛ حيث وضع خمس خطوات لعملية حل المشكلات هي: الشعور بالمشكلة، وتحديدتها، ووضع الفرضيات، واختبار الفرضيات، وأخيراً الوصول إلى النتائج والتعميمات. إلا أن اهتمامهم في إمكانية تطبيقه في الواقع التربوي بدأ في الخمسينيات من القرن العشرين (جودت سعادة، ٢٠٠٣).

وتعد استراتيجية حل المشكلات وسيلة لإثارة الفضول والتي يتم من خلالها اكتشاف معارف جديدة، وتؤدي دوراً فعالاً في تعلم الرياضيات وتعليمها، وإن الحاجة إلى التدريس على وفق هذا الاستراتيجية برزت من خلال الأبحاث والدراسات الكثيرة والكتب والمقالات العديدة المتعلقة بهذا الموضوع الحيوي، لأن تدريس الرياضيات على وفق هذا الأسلوب يحقق تعلم مفاهيم رياضية جديدة من خلال تطبيق مفاهيم سبق تعلمها، وقد يكون هذا الأسلوب وسيلة ذات معنى للتدريب على المهارات الحاسوبية بحيث يتم التعامل معها من خلال مواقف تتضمن مشكلات مشوقة بدلاً من التكرار الروتيني الممل.

ولقد شهدت طرق تدريس الرياضيات تطوراً ملحوظاً في العصر الحديث بسبب الزيادة الكبيرة في المعرفة الرياضية وتغيير طبيعتها، ونتيجة لذلك أصبح الطلبة يواجهون تزايداً سريعاً في المعرفة، وظروفاً اجتماعية واقتصادية متغيرة بشكل متسارع ودائم، أدت إلى تغيير في الرياضيات التي يجب أن يدرسها الطلبة، تتلاءم مع عصر التكنولوجيا والمعلومات وأساليب الإنتاج الجديدة التي تتطلب أفراداً مؤهلين وعلى قدر عالي من الكفاءة التكنولوجية (N.C.T.M, 2000)؛ فالتحديات التي تفرضها التكنولوجيا في مجالات الحياة كافة تتطلب التدريب على كيفية استخدام المعرفة وتطبيقها وتوليدها وحل المشكلات بكفاءة وسرعة (عمر الشيخ وآخرون، ١٩٩١، ص١٠٨).

وتجدر الإشارة إلى أن أساسات القرن الحادي والعشرين بالإضافة إلى القراءة والكتابة والحساب هي مهارات الاتصال وحل المشكلات ذات المستوى العالي، وإن أدوات التفكير التي تسمح لنا بفهم العالم التكنولوجي موجودة حولنا، لكن علينا تنظيم التدريس من أجلها وأن مواجهتها لن تكون في اكتساب كم هائل من المعلومات فحسب، وإنما في اكتساب الأساليب المنطقية والناقدة والإبداعية واستنتاج الأفكار وتفسيرها والبرهان والاستقصاء والتي هي من مكونات التفكير الرياضي ومجالاته (Costa, 1993).

مشكلة الدراسة

يعد انخفاض التحصيل في الرياضيات من أهم مشاكل التعليم الرئيسة في الأردن، إذ أشارت الدراسة التي أعدها المركز الوطني للبحث والتطوير التربوي (١٩٩٧) إلى تدني تحصيل الطلبة الأردنيين في الرياضيات، أما محافظة الطفيلة فهي من المناطق النائية التي لا يستقر فيها المعلمون ذوي الخبرات العالية في التدريس، فيعاني غالبية طلبتها من ضعف في الرياضيات، وهي منطقة تعليمية لم تجر فيها دراسات تجريبية مثل هذه الدراسة - حسب علم الباحث - كما أكدت نتائج الاختبار الوطني لضبط نوعية التعليم في الأردن إلى تدني تحصيل الطلبة في بعض المباحث من ضمنها الرياضيات (وزارة التربية والتعليم، ٢٠٠٢).

والتفكير الرياضي أحد أهم أهداف تدريس الرياضيات في مختلف مراحل التعليم في الأردن؛ إذ يعد متنبأ جيداً في التحصيل، وأن قدرة الطلبة على التفكير عموماً تزداد بازدياد تحصيلهم الدراسي (محمد يونس، ١٩٩٨)، إلا أن دراسات عديدة أشارت إلى أن مستوى التفكير الرياضي لدى الطلبة أقل من المستوى المقبول تربوياً، وأن معلمي الرياضيات ما زالوا محافظين على دورهم التقليدي في التدريس (محمود الوهر وهند الحموري، ١٩٩٨).

ولتحسين التحصيل والتفكير الرياضي لدى الطلبة فقد يكون التدريس باستخدام استراتيجية حل المشكلة من الطرق التي تساعد على ذلك، ويشير فتحي جروان (١٩٩٩) إلى أنه أصبح التركيز على تحسين التحصيل وتنمية التفكير عموماً ومن ضمنه التفكير الرياضي ضرورة تربوية لضمان النشاط العقلي المنظم والهادف لتوظيف المعلومات التي يحصل عليها الطلبة في حل مشكلات تتعلق بحياتهم وبيئتهم.

من خلال ما سبق تتحدد مشكلة الدراسة الحالية في الإجابة عن السؤال الآتي :
ما فاعلية التدريس باستخدام استراتيجية حل المشكلة في التحصيل والتفكير الرياضي لدى طلاب الصف السابع الأساسي في الأردن؟

أهمية الدراسة

رأت الدراسات السابقة أن أثر التدريس باستراتيجية حل المشكلة فعال ولا يتعارض مع البيئة التربوية للمدارس، ويتوافق مع الطبيعة الجماعية للصف الدراسي، ويمكن كذلك أن تكون ذات طابع فردي، وتتبع أهميتها من أهمية التطوير التربوي في الأردن الذي نادى بضرورة استخدام أفضل الطرق في التدريس لإحداث تعلم فعال، ومن

ثم تحقيق أهداف التدريس عموماً ومن ضمنها أهداف تدريس الرياضيات، وكذلك رفع كفاءة الطلبة في التحصيل والتفكير الرياضي (وزارة التربية والتعليم، ١٩٩٣).

كما يؤمل أن يقدم هذا البحث نموذجاً لتصميم منهاج الرياضيات وفقاً لاستراتيجية حل المشكلة، والمساهمة في تطوير برامج تدريب المعلمين لاستخدام هذه الاستراتيجية في تدريسهم.

وتتجلى أهمية البحث في أن التفكير عموماً والتفكير الرياضي بشكل خاص ضرورة تربوية لا غنى عنها؛ فقد توالى الدعوات عبر مسيرة تطوير المناهج عالمياً ومحلياً إلى تنميته لتحقيق فهم أعمق للمحتوى المعرفي الذي يتعلمه الطالب كون التعلم في أساسه عملية تفكير، وأن توظيف التفكير في التعلم يحول عملية اكتساب المعرفة من الخمول إلى الفعالية، وكذلك يؤدي إلى إتقان المحتوى بشكل أفضل وإلى ربط عناصره ببعضها البعض (N.C.T.M., 2000).

هدف الدراسة

يهدف هذا البحث إلى تعرف فاعلية استخدام استراتيجية حل المشكلة في تحصيل طلبة المرحلة الأساسية والتفكير الرياضي لديهم.

حدود الدراسة

- طلبة الصف السابع الأساسي في المدارس الحكومية في محافظة الطفيلة - الأردن للعام الدراسي ٢٠٠٥ / ٢٠٠٦.
- اقتصرت عينة البحث على الذكور لكون الجنس لم يعد متغيراً ذا أثر في البحث التربوي، كما أن الدراسات السابقة لم تشر إلى وجود أثر للجنس أو لم تستخدمه كمتغير فيها.
- الوحدات الثلاث الآتية من كتاب الرياضيات للصف السابع الأساسي وهي: المقادير الجبرية والتحليل إلى العوامل، والتناسب، والهندسة لكونها متنوعة وتتطرق إلى مواضيع مختلفة في الرياضيات هي: الجبر والهندسة والعمليات على الأعداد.

فروض الدراسة

- (١) يوجد فرق ذو دلالة إحصائية ($\alpha = 0,05$) بين متوسط درجات طلاب المجموعة التجريبية التي درست باستخدام استراتيجية حل المشكلة ومتوسط درجات المجموعة الضابطة التي درست بالطريقة الاعتيادية في التحصيل في

الرياضيات لصالح المجموعة التجريبية.
 (٢) يوجد فرق ذو دلالة إحصائية ($\alpha = 0,05$) بين متوسط درجات المجموعة التجريبية التي درست باستخدام استراتيجيات حل المشكلة ومتوسط درجات المجموعة الضابطة التي درست بالطريقة الاعتيادية في اختبار التفكير الرياضي الكلي وعلى كل مجال من مجالاته لصالح المجموعة التجريبية.

تحديد المصطلحات

استراتيجية حل المشكلات: هو العملية التي تتطلب مجابهة موقف معين في الرياضيات ينطوي على مشكلة تحتاج إلى حل يدفعه للتفكير والعمل تحت إشراف المعلم مستخدماً المفاهيم والتعميمات التي تعلمها سابقاً، وإيجاد علاقات بينها وتجريب عدد من الفروض المناسبة للموقف المتمثل بالمشكلة بهدف الحل.

التفكير الرياضي: هو قدرة طالب الصف السابع الأساسي على الاستقراء، والاستنتاج، والتعبير بالرموز، والتفكير العلاقي، والمنطق الشكلي، والاستقصاء، مقياساً بالدرجة التي يحصل عليها الطالب في اختبار التفكير الرياضي المعد في هذه الدراسة.
 التحصيل: هو إنجاز يقاس بالدرجة التي حصلها الطالب في الاختبار التحصيلي المعد في هذا البحث لقياس مدى تحقق الأهداف التعليمية في مادة الرياضيات للصف السابع الأساسي المتضمنة في هذه الدراسة.

الطريقة الاعتيادية: هي الطريقة المتبعة في تدريس مادة الرياضيات للصف السابع الأساسي والتي تركز على التمهيد والشرح وعرض الأنشطة لتكون تطبيقاً مباشراً لما تم تعلمه من مفاهيم وتعميمات ومهارات، وتتضمن تقويم أداء الطلبة ومناقشتهم في حلولهم وتقديم التغذية الراجعة لهم مستعيناً بالعرض الشفوي والتلخيص على اللوح، وينحصر دور الطالب بالاستماع والمشاركة وأحياناً المساهمة في الحوار والمناقشة.

الصف السابع الأساسي: هم طلبة المدارس الحكومية في محافظة الطفيلة في المملكة الأردنية الهاشمية للعام الدراسي ٢٠٠٥ / ٢٠٠٦.

الإطار النظري

استراتيجية حل المشكلة:

إن طبيعة المشكلة عموماً تتحدد بوجود ثلاثة عناصر هي:

- (١) أن يندفع الفرد لتحقيق هدف واضح تماماً بالنسبة له.
- (٢) أن يكون هناك عائق بين الفرد والهدف.
- (٣) أن يقوم الفرد ببعض المحاولات للوصول إلى الهدف (إسماعيل الصادق، ٢٠٠١).

أما المشكلة في مجال الرياضيات فلا تختلف عن العناصر السابقة ويعتقد الكثيرون أن أي موقف في الرياضيات بغض النظر عن صورته اللفظية أو الرمزية إنما هو مشكلة (Krulik, 1993)، ويرى (فريدريك بل، ١٩٨٦) أن المشكلة في الرياضيات موقف رياضي ينظر إليه الشخص الذي يقوم بالحل على أنه مشكلة .

لقد وضعت نماذج عديدة لبرامج تعليمية على وفق أسلوب حل المشكلات منها نموذج (جورج بوليا، ١٩٨٥)، (Clark, 1986)، (فريدريك بل، ١٩٨٦)، (Sternberg, 1992)، وجابر عبد الحميد (٢٠٠١).

ومن خلال الاطلاع على النماذج السابقة فقد وجدت متشابهة في المضمون، وأنها في مجملها تراعي ضرورة فهم المشكلة والتخطيط للحل وتنفيذه ثم التحقق منه، وهي بصورة أو بأخرى تشبه نموذج بوليا الذي يمكن استخدامه كاستراتيجية تدريس في هذه الدراسة، والذي يتضمن الخطوات التالية:

- فهم المشكلة **Understanding of the problem**: ويتضمن الإحاطة بها والتعرف على عناصرها بحيث تتضح لديه العلاقات بين المعطيات والمطلوب، وقد يأتي ذلك من خلال رسم شكل يشير عليه بالمجهول والمعطيات، وعلى المتعلم اختيار الرموز المناسبة وتحديد إمكانية تحقيق الشروط ، ثم الوصول إلى فهم أعمق.
- ابتكار الخطة **Devising a plan**: بعد الوصول إلى خطة الحل، وهي الجزء الرئيسي في الحل قد تأتي الفكرة الجيدة بعد عدة محاولات تبدو فاشلة، ولذلك تكون هذه الخطوة سببا لمعظم الصعوبات التي يواجهها المتعلمون في حل المشكلات، لذا لا بد من توجيه المتعلمين إلى تذكر وتطبيق المشكلات المشابهة وإدخال ما يلزم من تعديلات والتأكد من استعمال المعطيات اللازمة للحل وجميع شروط المشكلة.
- تنفيذ الخطة **Carrying out the plan**: ويتطلب وضع التفاصيل في مكانها من الهيكل العام الذي ترسمه، وتفحصها وعدم نسيانها؛ لأن الوقوع في الأخطاء أو النسيان أثناء التنفيذ يعد من أهم العقبات التي تواجه المتعلمين في هذه الخطوة .
- مراجعة الحل وإعادة النظر في النتيجة وتفحصها والتمعن في الخطوات التي أدت إليها، لترداد معلومات المتعلم تركيزاً وترداد قدرته على حل المشكلات، وقد يتوصل إلى فهم أعمق يمكنه من استخدام النتيجة أو الطريقة في حل مشكلات أخرى (جورج بوليا، ١٩٨٥).

مما سبق نستنتج أن التدريس قد أصبح علماً يتطلب معرفة منظمة بأسفوله وأساليبه وكيفية التخطيط له لتحقيق أهداف محددة بدرجة عالية من الإقتان وأن أهم

مشاكل التعليم هي التطبيق؛ لذلك لا بد من تصميم برامج ودروس تؤكد على التفكير بمستويات عقلية عليا، وأن هناك اتفاقاً على خطوات حل المشكلة اختير من بينها خطوات حل المشكلة التي وضعها بوليا، وأن حل المشكلات والتفكير الرياضي أسماء مختلفة للنشاط نفسه، ولكون الهدف النهائي لتعلم المشكلات في الرياضيات هو تنمية التفكير الرياضي لذلك لا بد من أن يبنى برنامج تدريس حل المشكلات في الرياضيات على تحليل المحتوى الرياضي، واستخدام التعليم الموجه الذي يركز على دور الطالب، وتهيئة بيئة تعليمية فعالة.

التفكير الرياضي Mathematical Thinking:

يعرف بأنه " القدرة على حل المسائل والمواقف الرياضية بأسلوب علمي معتمد على الحقائق الموضوعية (فريد أبو زينة، ١٩٨٦، ص ١٥١) واعتبره (Frank, 1997) بأنه تفكير فعال يكتسبه الطالب بشكل تراكمي من خلال دراسته لموضوع الرياضيات وأنه الدعامة الرئيسية في التفكير البشري لما له من أهمية في المحاكمات الرياضية وحل المسائل والبرهان الرياضي، ولا يمكن الاستغناء عنه في عملية اكتساب المعرفة وحل المشكلات.

يرى (Bruner, 1978) أن هدف التعليم هو إكساب المتعلم طريقة منظمة في التفكير للحصول على المعرفة الرياضية، فليس المهم ما يكسبه المتعلم من معرفة لكن الأهم كيف يتم الحصول عليها، وجعل المتعلم يفكر تفكيراً رياضياً، ويركز (Mayer, 1998) على أهمية تكوين الأبنية الرياضية التي تنشأ من الخبرة المباشرة، ويرى أن لكل من المعلم والمتعلم جزءاً من التفكير يسمى منطقة التركيز الخاصة به والتي توصل إلى التعلم المثمر .

وأشار (John, 1985) إلى أن التفكير الرياضي يختلف عن أنواع التفكير الأخرى بوجه عام، إذ يشمل مصطلحات محددة بشكل دقيق من حيث العلاقات بين الأعداد، والرموز التي يمكن تمثيلها بالرسم أو بأشكال أخرى، وأن التفكير الرياضي ينطوي على النشاط العقلي والأساليب المستخدمة في حل المشكلات.

مجالات التفكير الرياضي:

هناك العديد من مجالات التفكير الرياضي إلا أن هناك ستة مجالات أساسية ومناسبة لمستوى طلبة المرحلة الأساسية وقابليتها للقياس، وهي:

(١) الاستقراء Induction: وهو التوصل إلى نتيجة أو تعميم بالاستناد إلى الملاحظة أو المعطيات المتوافرة، وقد يكون الاستقراء تاماً إذا كان التعميم مستنداً إلى دراسة

- شاملة لجميع الحالات وناقصاً إذا اقتصر على عينة من الحالات (Trochim, 2003).
- (٢) الاستنباط **Deduction**: وهو استنباط المعرفة الجزئية من المعرفة الكلية بافتراض صحة المعرفة الكلية وإيجاد علاقة بينها وبين المعرفة الجزئية وأن صحة المقدمات تستلزم بالضرورة صحة النتائج (Trochim, 2003).
- (٣) التعبير بالرموز **Symbolic Substitution**: الرموز هي كل ما ينوب عن الشيء أو يشير إليه أو يعبر عنه، ولها صيغ مختلفة مثل الأرقام، والإشارات، والعلاقات والصيغ الرياضية، ويستخدم الرمز بدلاً من الاسم الذي يعطى للمفهوم الذي يحدد مجموعة من الأشياء التي تشترك ببعض الخصائص (أمل البكري وعفاف الكسواني، ٢٠٠٢).
- (٤) التفكير العلاقي **Relational Thinking**: وهو أساس التفكير البشري؛ لأن الإنسان يحاول أن يتعرف على العلاقات التي تربط بين مختلف الظواهر، والرياضيات تركيبات علاقية بين المفاهيم المتعلقة بالعدد وتطبيقاتها العملية، والتعرف على العلاقات الرياضية يعد مهارة تفكيرية تتطور بالتدريب والممارسة، كما أنها تعد مهمة للأداء على اختبارات التفكير الرياضي (أحمد الشارف، ١٩٩٦).
- (٥) المنطق الشكلي **Formal Logic**: المنطق علم استدلالي يهتم بتحليل العناصر اللغوية مستخدماً الطريقة الصورية في التعبير عن موضوعات البحث بالرموز والصيغ ويهتم كذلك بتوفير البرهان للصيغ التي تحتاج له، ويشتمل المنطق الشكلي على فرضين بسيطين متصلين برابط منطقي، مثل: رابط الضم (و)، ورابط الفصل (أو)، ورابط النفي (لا) ورابط التضمنين (إذا ... فإن)، ويعنى التفكير المنطقي باستخلاص التضمينات الضرورية من المقدمة أو تلك التي تتسق معها بغض النظر عن المحتوى المادي للمقدمات نفسها، وعندما تكون المقدمات قضايا أو فروضا تحتمل الصحة أو الخطأ، فإن الحادث يعرف بالتفكير الشكلي (متي كريم، ١٩٨٣).
- (٦) الاستقصاء **Inquiry**: وهو العملية التي يتم فيها فحص أي شكل من المعرفة في محاولة لإثبات نظريات أو نتائج معينة (جودت سعادة، ٢٠٠٣)، وقد حدد (فريدريك بل، ١٩٨٦) خطوات التفكير الاستقصائي بما يلي: مواجهة الموقف المشكل، ووضع فرضيات، وجمع معلومات تفيد في حل الموقف المشكل، وإعادة تنظيم الموقف وتحديد الأساليب والطرق الموصلة للحل، وأخيراً تحليل وتقويم عملية الاستقصاء بهدف تكوين وتنمية العمليات لبحث مواقف أخرى.

وأخيراً هناك علاقة بين مجالات التفكير الرياضي التي يتبناها البحث الحالي والرياضيات، وأن التفكير الرياضي يتضمن كثيراً من عمليات حل المشكلات، فالرياضي

الناجح ليس بالضرورة أن يتحلى بسرعة في إجراء الحسابات، ولكنه يتحلى بالقدرة على تطبيق العمليات الرياضية في البحث وحل المشكلات.

الدراسات السابقة

أجرى (Charles & Lester, 1984) دراسة في الولايات المتحدة هدفت إلى تقويم فعالية التدريس بأسلوب حل المشكلات في الرياضيات لتلاميذ الصفين الخامس والسابع، وقد أظهرت النتائج تفوق المجموعات التجريبية في القدرة على حل المشكلات.

كما قام (Ungson, 1985) ببناء برنامج تعلم ذاتي في استراتيجيات حل المشكلات لطلاب الصف التاسع اعتمد على استراتيجيات حل المشكلة عند (جورج بوليا)، وقد توصل الباحث إلى أن درجات الطلاب في الاختبار البعدي أعلى من درجاتهم على الاختبار القبلي واستنتج أن استخدام هذه الاستراتيجيات يساعد في تحسين قدرة الطلاب على حل المشكلات .

وأجرى (Smith, 1989) دراسة في الولايات المتحدة لمعرفة كفاءة مقرر تدريبي في حل المشكلات على أداء طلاب الصف الثامن في حل المشكلات الرياضية على عينة من (٢٢٥) طالباً، قسموا على مجموعتين تجريبية وضابطة، وأظهرت النتائج أن التدريب على حل المشكلات أدى إلى تحسين تحصيل الطلاب ذوي المستوى العالي في الإبداع .

وهدف دراسة (Jussel, 1989) إلى تعرف العلاقة بين النمط المعرفي للطلاب بمخرجاته بعد تدريسه بأسلوب حل المشكلات الرياضية على عينة من (١١٠) طلاب اختبروا عشوائياً، وأظهرت نتائج التحليل أن هناك فروقا دالة إحصائية على نتائج الاختبار الخاص بحل المشكلات، بينما لم يكن هناك أثر لكل من الجنس وأساليب التدريب على حل المشكلات.

وأجرى عبد الحفيظ صلاح (١٩٩٢) دراسة لمعرفة أثر استخدام أسلوب حل المشكلات في تدريس موضوع المعادلات لطلبة الصف الأول الثانوي على التحصيل والتفكير الرياضي لديهم على عينة من (١٤٠) طالباً وطالبة، قسموا إلى مجموعتين تجريبية وضابطة، وأظهرت النتائج تفوق المجموعة التجريبية على المجموعة الضابطة في كلا المتغيرين.

وقام (Mastromatteo, 1994) بدراسة في الولايات المتحدة للتعرف على أثر استخدام استراتيجيات حل المشكلات في حل المسائل الرياضية، وأظهرت النتائج أن هناك نمواً لدى الطلاب في حل المسائل الرياضية.

وأجرى أحمد شهاب (١٩٩٧) دراسة في العراق هدفت إلى التعرف على أثر استخدام نموذج بوليا لحل المشكلات الرياضية في تنمية التفكير الاستدلالي لطلاب الصف الرابع العام على عينة من (٦٤) طالباً، وأظهرت النتائج وجود فروق دالة إحصائية في التفكير الاستدلالي لصالح المجموعة التجريبية التي درست وفقاً لأسلوب حل المشكلات.

وهدف دراسة محمد يونس (١٩٩٨) إلى بحث العلاقة بين القدرة على التفكير الرياضي وكل من القدرة على حل المسألة الرياضية والتحصيل الرياضي على عينة مكونة من (٥٩٣) طالباً وطالبة من طلبة المرحلة الأساسية في محافظة الزرقاء في الأردن، وطبق عليهم اختبار التفكير الرياضي واختبار القدرة على حل المسائل الرياضية، وأظهرت النتائج وجود ارتباط موجب ودال إحصائياً بين القدرة على التفكير الرياضي وكل من القدرة على حل المسائل الرياضية والتحصيل في الرياضيات.

وأجرى فائق السامرائي (١٩٩٩) دراسة في العراق هدفت إلى تجريب نموذجي "فان هل" وحل المشكلات في تدريس مادة الهندسة لطالبات الصف السادس العلمي ومعرفة أثرهما في التفكير الهندسي والتحصيل العام، وقد تكونت عينة الدراسة من (٦٦) طالبة، تم توزيعهن على مجموعتين، درست المجموعة الأولى أسلوب "فان هل" ودرست المجموعة الثانية أسلوب حل المشكلات، وقد أظهرت النتائج عدم وجود فروق دالة بين المجموعتين في التحصيل العام.

وأجرى محمد محمود (١٩٩٩) دراسة في السعودية، هدفت إلى استقصاء أثر استخدام حل المشكلات في تدريس الرياضيات على تحصيل الطلبة في الهندسة والتفكير الرياضي بمجالاته المختلفة على عينة مكونة من (٦٠) طالباً، تم توزيعهم إلى مجموعتين تجريبية وضابطة، وأظهرت النتائج تفوق المجموعة التجريبية على المجموعة الضابطة في التحصيل والتفكير الرياضي، وأظهرت النتائج كذلك وجود ارتباط عالٍ موجب بين التحصيل الدراسي في الرياضيات والتفكير الرياضي.

وأجرى غالب مشكور (٢٠٠٠) دراسة في العراق، هدفت إلى تعرف مستويات التفكير الرياضي لدى طلبة مراحل التعليم العام في الصفوف الخامس والثاني المتوسط

والخامس العلمي، وأثر كل من الجنس وكل مجال من مجالات التفكير الرياضي، وقد بلغت عينة الدراسة (٧٠٠) طالب وطالبة، وأظهرت النتائج أن الطلبة يمتلكون القدرة على التفكير الرياضي، وأن هناك فرقاً دالاً إحصائياً بين المجالات ولصالح الاستقراء والاستنتاج ولكافة المراحل، وأظهرت النتائج كذلك عدم وجود فروق دالة إحصائياً بين الذكور والإناث في مستويات التفكير الرياضي .

أظهرت بعض الدراسات السابقة علاقة قوية بين التفكير الرياضي بمختلف مجالاته والتحصيل الرياضي، وأن التدريس باستراتيجية حل المشكلات زاد في قدرة الطلبة على التفكير الرياضي والتحصيل في الرياضيات .

وبعد، فإن مبرر استعراض هذه الدراسات هو الإفادة من إجراءاتها ونتائجها وتحديد متغيرات الدراسة الحالية، ثم إن تفكير حل المشكلة قد ارتبط بالتفكير الرياضي والتحصيل الدراسي عند بعض المستويات الدراسية، الأمر الذي يدفع لتجريبه في مختلف البيئات التعليمية والمستويات التعليمية للتأكد من فاعليته، وبناء برامج تعليمية خاصة بأسلوب حل المشكلات لمعرفة أثره في متغيرات هامة مثل التفكير الرياضي والتحصيل في الرياضيات .

الطريقة والإجراءات

التصميم التجريبي: استخدم في هذه الدراسة التصميم التجريبي الآتي:

اختبار بعدي في التحصيل والتفكير الرياضي	استراتيجية حل المشكلة	التكافؤ	مجموعة تجريبية
	الطريقة الاعتيادية		مجموعة ضابطة

(١) مجتمع الدراسة وعينتها:

بالاختيار العشوائي حددت مدرسة عمر بن الخطاب الأساسية للبنين كعينة من مجتمع الدراسة المكون من جميع طلاب الصف السابع الأساسي في مديرية التربية والتعليم لمحافظة الطفيلة/ الأردن لتطبيق التجربة، وقد روعي في الاختيار المدارس التي تضم شعبتين فأكثر من شعب الصف السابع الأساسي؛ وذلك لسهولة تعيين مجموعتي الدراسة التجريبية والضابطة، وقد بلغ عدد طلاب المجموعة التجريبية (٣٥) طالباً، وعدد طلاب المجموعة الضابطة (٣٣) طالباً، بعد استبعاد بيانات مجموعة من الطلاب الراسبين بسبب إجراءات التكافؤ.

ولقد تم اختيار هذا الصف لكونه بداية المرحلة الأساسية العليا والتي هي من ضمن مرحلة العمليات المجردة عند بياجيه (Piaget)، إذ تتصف هذه المرحلة بقدرة الفرد على ممارسة العمليات المجردة، والتفكير في أبعاد متعددة وحل المشكلات ووضع الفرضيات واقتراح الحلول الممكنة، وكذلك التفكير المنطقي.

(٢) تكافؤ المجموعتين: كوفئت المجموعتان في العمر الزمني والتحصيل السابق، واختبار التفكير الرياضي الذي تم تطبيقه قبل بدء التجربة، وقد أظهرت النتائج تكافؤ المجموعتين في هذه المتغيرات، والجدول الآتي يبين هذه النتائج:

جدول (١)

المتوسطات الحسابية والاحترافات المعيارية والقيم التائية المحسوبة لاختبار تكافؤ مجموعتي البحث

المتغيرات	المجموعة	العدد	المتوسط الحسابي	الانحراف المعياري	القيمة التائية المحسوبة	الدلالة الإحصائية عند مستوى ٠,٠٥
العمر الزمني بالأشهر	التجريبية	٣٥	١٦٦,٨٦	٩,٤٨	٠,٦	غير دالة
	الضابطة	٣٣	١٦٥,٤٢	١٠,٠٦		
التحصيل السابق	التجريبية	٣٥	٦٧,٤٩	٩,٨١	٠,١٢	غير دالة
	الضابطة	٣٣	٦٧,٨٢	١٣,١٥		
التفكير الرياضي	التجريبية	٣٥	٢٣,٦٦	٥,٣٤	٠,٨٦	غير دالة
	الضابطة	٣٣	٢٢,٥٨	٦,٠٣		

(٣) مستلزمات الدراسة:

- تحديد المادة العلمية (المحتوى): تضمن محتوى المادة العلمية الوحدات الثلاثة والرابعة والخامسة من كتاب الرياضيات للصف السابع الأساسي، وهي: المقادير الجبرية والتحليل إلى العوامل، والتناسب، والهندسة.
- تحديد الأهداف السلوكية: تعد الأهداف السلوكية خطوة مهمة عند إعداد أي برنامج تعليمي؛ لأنها تمثل المعيار الأساس في تقويم العملية، وقد صنفت معرفياً حسب تصنيف بلوم للمستويات الثلاث الأولى (التذكر، والفهم، والتطبيق)، وتم عرضها على مجموعة من المحكمين في مجال التربية وعلم النفس وطرائق تدريس الرياضيات لمعرفة مدى تغطيتها للمادة ومدى صحة مستوى الهدف واستخدمت حسب نسبتها في إعداد الاختبار التحصيلي.
- إعداد الخطط التدريسية: وفي ضوء ما تم استعراضه من إطار نظري، تم إعداد نماذج الخطط الدراسية وفق نموذج بوليا في حل المشكلات والتي تم تدريس المجموعة التجريبية على وفقها؛ فقد أعدت خطط تدريسية يومية بلغ عددها (٢٢) خطة لضمان سير الدروس بشكل يتلاءم مع أسلوب حل المشكلات حسب

نموذج بوليا (Polya)، كما أعدت (٢٢) خطة على وفق الطريقة الاعتيادية، وقد عرضت نماذج من هذه الخطط على مجموعة من المحكمين لبيان مدى تحقيقها للأهداف التي وضعت من أجلها، وفي ضوء ملاحظات المحكمين أجريت عليها بعض التعديلات لتأخذ شكلها.

(٤) أدوات الدراسة:

أولاً : الاختبار التحصيلي: تم إعداد اختبار لقياس تحصيل طلبة الصف السابع الأساسي في المحتوى المقرر في هذه الدراسة وقد تكون في صورته الأولى من (٣٥) فقرة موضوعية وزعت حسب لائحة المواصفات على الوحدات الثلاثة من الكتاب المدرسي بعد أن تم تحليل المحتوى وصياغة الأهداف السلوكية للمادة التي شملها الاختبار.

صدق الاختبار:

تم اعتماد نوعين من الصدق، هما:

- **الصدق الظاهري:** عرض الاختبار في صورته الأولى على عدد من الخبراء والمحكمين بهدف معرفة صلاحية فقراته وبيان آرائهم حول سلامة صياغتها ومدى قياسها للأهداف السلوكية، وقد عدت الفقرة صالحة إذا حصلت على موافقة (٨٠%) من المحكمين، وقد تم تعديل بعض الفقرات في ضوء آراء المحكمين.
- **صدق المحتوى:** يشار إليه بالصدق العيني (Sampling validity) إذ يتضمن تحليلاً لمحتوى الاختبار لتحديد مدى كفايته في قياس ما صمم لقياسه ويتطلب تحديداً أدق للمجال الذي يقيسه، وكلما كان المجال محدداً كان صدق المحتوى عالياً (صلاح أبو علام، ٢٠٠٢).

تعد لائحة المواصفات دليلاً قوياً على صدق المحتوى، حيث تم تحليل المحتوى وصياغة الأهداف السلوكية وتوزيعها على الوحدات الدراسية وأخذ رأي المحكمين فيها وبناءً على ذلك عد الاختبار صادقاً صدق محتوى؛ لأنه اختير من المحتوى الذي تم تدريسه.

التجربة الاستطلاعية للاختبار التحصيلي: تم تطبيق الاختبار في صورته الأولى على عينة استطلاعية مكونة من (٣٠) طالباً وطالبة من مجتمع الدراسة للتحقق من وضوح الفقرات والتعليمات والزمن المستغرق للإجابة، وتحليل فقراته إحصائياً للحصول على معاملات الصعوبة والتمييز والثبات، وفي ضوء معاملات الصعوبة

والتمييز وآراء المحكمين حذفت (٥) فقرات من الاختبار، وبقي في صورته النهائية مشتملاً على (٢٨) فقرة، وحسب ثباته بطريقة كودر رندشاردسون (٢٠) (KR-20) فقد بلغ معامل ثباته (٠,٨٨) وهو معامل ثبات مقبول.

ثانياً : اختبار التفكير الرياضي: تم تحديد مجالات التفكير الرياضي في ستة مجالات استناداً إلى مسح الدراسات السابقة وآراء المحكمين، وهي: الاستقراء، الاستنتاج، التعبير بالرموز، المنطق الشكلي، التفكير العلاقي، الاستقصاء.

فقرات الاختبار: صيغت فقرات كل مجال لتكون منسجمة مع التعريف النظري لكل منها، وأخذ بنظر الاعتبار الهدف من الاختبار وخصائص الطلاب الذين سيطبق عليهم، وقد أصبح في صورته الأولية مكوناً من (٤٠) فقرة من نوع الاختيار من متعدد.

عرضت فقرات الاختبار على المحكمين، لتحديد مدى صلاحيتها لقياس التفكير الرياضي، وملاءمتها لقياس كل مجال في مجالاته، وفي ضوء آراء المحكمين أبقى على الفقرات التي نالت موافقة (٨٠%) فأكثر من المحكمين فتم حذف (١٠) فقرات لعدم حصولها على الموافقة المطلوبة، وبذلك استقر الاختبار بصورته النهائية على (٣٠) فقرة.

تعليمات التصحيح: أعطيت درجة واحدة للإجابة الصحيحة عن الفقرة الموضوعية وصفر للإجابة الخاطئة، وجدول (٢) يبين توزيع الفقرات على المجالات ودرجاتها:

جدول (٢)

توزيع الدرجات على مجالات اختبار التفكير الرياضي وفقراته

المجموع	الاستقصاء	المنطق الشكلي	التفكير العلاقي	التعبير بالرموز	الاستنتاج	الاستقراء	المجال
٣٠	٢٧، ٢٦، ٢٩، ٢٨	٢٢، ٢١، ٢٤، ٢٣	١٧، ١٦، ١٩، ١٨	١٢، ١١، ١٤، ١٣	٧، ٦، ٩، ٨	٢، ١، ٤، ٣	فقرات المجال
٣٠	٥	٥	٥	٥	٥	٥	الدرجة

التجربة الاستطلاعية: طبق الاختبار على عينة استطلاعية تكونت من (٤٠) طالباً من مجتمع الدراسة، لإجراء حسابات مرتبطة بالصدق والثبات والتأكد من وضوح التعليمات الخاصة باختبار التفكير الرياضي والسهولة والصعوبة.

صدق الاختبار: تم التأكد من الصدق الظاهري للاختبار مسبقاً عند عرضه على مجموعة من المحكمين للحكم على مدى صلاحية الفقرات لقياس التفكير الرياضي بصورة عامة وعلى مجالاته كافة.

بالإضافة إلى صدق المحكمين، تم الحصول على دليل صدق البناء من خلال التحليل العاملي الذي اعتمد لتحليل فقرات الاختبار، وبيين جدول (٣) العوامل التي يقيسها الاختبار ويزيد جذرها الكامن عن الواحد الصحيح، وقيم جذورها الكامنة، ونسبة التباين التراكمية.

جدول (٣)

قيم الجذور الكامنة (التي تزيد عن الواحد الصحيح) للعوامل التي يقيسها الاختبار ونسبة التباين التي يفسرها العامل ، ونسبة التباين التراكمية

رقم العامل	قيمة الجذر الكامن	نسبة التباين المفسر	نسبة التباين التراكمية
١	٦,١٣	١٠,٨	١٠,٨
٢	٥,٧٧	١٠,٢	٢١,٠
٣	٤,٦٦	٩,٤	٣٠,٤
٤	٤,٢٣	٨,٢	٣٨,٦
٥	٣,٧٥	٦,٤	٤٥,٠
٦	٢,٨٤	٣,٢	٤٨,٢

يشير الجدول (٣) إلى أن هناك ستة عوامل تفسر في مجموعها (٤٨,٢%) من التباين في العلامات وللتحقق من أن هذه العوامل هي المجالات التي يتكون منها الاختبار (الاستقراء، الاستنتاج، التعبير بالرموز، المنطق الشكلي، التفكير العلاقي، الاستقصاء) فقد حسبت تشعبات كل من الفقرات الثلاثين بالعوامل الستة، وبيين جدول (٤) هذه التشعبات.

يتبين من جدول (٤) أن الفقرات (١-٥) كان لها أكبر تشعبات على العامل الأول (الاستقراء)، والفقرات (٦-١٠) كان لها أكبر تشعبات على العامل الثاني (الاستنتاج)، والفقرات (١١-١٥) كان لها أكبر تشعبات على العامل الثالث (التعبير بالرموز)، والفقرات (١٦-٢٠) كان لها أكبر تشعبات على العامل الرابع (التفكير العلاقي)، والفقرات (٢١-٢٥) كان لها أكبر تشعبات على العامل الخامس (المنطق الشكلي)، والفقرات (٢٦-٣٠) كان لها أكبر تشعبات على العامل السادس (الاستقصاء)، وعليه يمكن القول أن التحليل العاملي أكد بنية الاختبار، إذ انه حدد العوامل التي يقيسها بنفس الطريقة التي اعد بها الاختبار.

جدول (٤)

تشبيعات كل فقرة من فقرات اختبار التفكير الرياضي بالعوامل الستة

تشبيعات الفقرات بالعوامل						الرقم
العامل الأول	العامل الثاني	العامل الثالث	العامل الرابع	العامل الخامس	العامل السادس	
الاستقراء	الاستنتاج	التعبير بالرموز	التفكير العلاقي	المنطق الشكلي	الاستقصاء	
٠,٧٤٤						١
٠,٩٥٢						٢
٠,٨٧١						٣
٠,٦٥١			٠,١٢٥			٤
٠,٥٣١					٠,١٦٢	٥
	٠,٤٦٨					٦
	٠,٧٢٨	٠,٢١٥				٧
	٠,٩٢٢					٨
	٠,٤٩٣					٩
	٠,٥٠٢				٠,١١٢	١٠
		٠,٤٢٨				١١
		٠,٨١٤				١٢
		٠,٦٢٨		٠,٢١٣		١٣
		٠,٤٩٢				١٤
		٠,٥١٥				١٥
			٠,٧١٢			١٦
			٠,٦٢١			١٧
			٠,٤٨٦			١٨
	٠,١٢٧		٠,٤٠١			١٩
			٠,٣٩٨			٢٠
				٠,٤١٢		٢١
		٠,١٢٨		٠,٣٥٦		٢٢
				٠,٣١٩		٢٣
				٠,٤٠٢		٢٤
				٠,٣٩٤		٢٥
					٠,١٠٨	٢٦
٠,٦٢٤						٢٧
٠,٤٠٤						٢٨
٠,٦٦٢				٠,١١٠		٢٩
٠,٥٣٦						٣٠
٠,٤٢٩						٣٠

ثبات الاختبار:

استخدمت معادلة كودر ردتشاردسون ٢٠ (KR-20) (أحمد عودة، ١٩٩٨) وقد تراوحت معاملات الثبات المحسوبة بهذه المعادلة بين (٠,٧٢ - ٠,٩٢)، وهي معاملات ثبات مقبولة لأغراض الدراسة الحالية وجدول (٥) يبين هذه المعاملات.

جدول (٥)

معاملات الثبات لاختبار التفكير الرياضي الكلي ومجالاته

الاختبار الكلي	الاستقصاء	المنطق الشكلي	التفكير العلاقي	التعبير بالرموز	الاستنتاج	الاستقراء	المجال
٠,٩٢	٠,٨٨	٠,٨٤	٠,٧٥	٠,٨١	٠,٨٧	٠,٧٢	معامل الثبات

إجراءات التطبيق:

طبقت التجربة في الفترة من ٩/١٩ - ٢٣/١١/٢٠٠٥ بواقع (٤) حصص أسبوعياً، وقد بلغ العدد الكلي للحصص التي درست لكل مجموعة (٢٨) حصّة، ثم طبق الاختباران على المجموعتين يومي ٢٣، ٢٤/١١/٢٠٠٥ وصححت إجابات الطلبة على الاختبارين ورصدت درجات كل طالب، تمهيداً لإجراءات التحليل الإحصائي.

الوسائل الإحصائية المستخدمة:

الاختبار التائي، والمتوسطات الحسابية، والانحرافات المعيارية، معامل ارتباط بيرسون، تحليل التباين المصاحب (محمد الزعبي وعباس طلافحة، ٢٠٠٤).

نتائج الدراسة

الفرضية الأولى:

لا يوجد فرق ذو دلالة إحصائية ($\alpha = 0,05$) بين متوسط درجات طلاب المجموعة التجريبية التي درست باستخدام استراتيجية حل المشكلة ومتوسط درجات المجموعة الضابطة التي درست بالطريقة الاعتيادية في التحصيل في الرياضيات .

وللتحقق من صحة هذا الفرض استخدم الاختبار التائي (t-test)، لبيان دلالة الفرق بين متوسطي درجات المجموعتين التجريبية والضابطة، وجدول (٦) يبين هذه النتائج.

جدول (٦)

نتائج الاختبار التائي بين متوسطي درجات المجموعتين للتحصيل في الرياضيات

الدلالة	قيمات		درجة الحرية	التباين	المتوسط الحسابي	العدد	المجموعة
	الحرجة	المحسوبة					
دالة $\alpha > 0,01$	١,٩٩	٤,٦٢	٦٦	٨٥,٢	٢١,٢	٣٥	التجريبية
				٤٧,٢	١١,٩	٣٣	الضابطة

يبين جدول (٦) أن متوسط درجات المجموعة التجريبية أعلى من متوسط درجات المجموعة الضابطة وأن الفرق بين المتوسطين دال إحصائياً ($\alpha > 0,01$) ولصالح المجموعة التجريبية

الفرضية الثانية:

لا يوجد فرق ذو دلالة إحصائية ($\alpha = 0,05$) بين متوسط درجات المجموعة التجريبية التي درست باستخدام استراتيجية حل المشكلة ومتوسط درجات المجموعة الضابطة التي درست بالطريقة الاعتيادية في اختبار التفكير الرياضي الكلي وعلى كل مجال من مجالاته .

وللتحقق من صحة هذا الفرض تم حساب المتوسطات الحسابية لدرجات الطلاب على اختبار التفكير الرياضي الكلي وعلى كل مجال من مجالاته ، وتم استخدام تحليل التباين المتعدد (MANOVA) والجدولان (٧ ، ٨) يبينان هذه النتائج:

جدول (٧)

المتوسطات الحسابية لدرجات المجموعتين في اختبار التفكير الرياضي

الاختبار الكلي	الاستقصاء	المنطق الشكلي	التفكير العلاقي	التعبير بالرموز	الاستنتاج	الاستقراء	المجال المجموعة
١٩,٧٨	٢,٩٧	٣,٦٦	٣,٣٨	٢,٩١	٣,١١	٣,٧٥	التجريبية
١٥,٢٤	٢,٠٧	٢,٣٧	٢,٦٩	٢,٤٢	٢,٤٢	٣,٢٧	الضابطة

جدول (٨)*

اختبار ويلكس لامبدا متعدد العوامل لأثر طريقة التدريس في التفكير الرياضي

الاختبار	قيمة معامل	قيمة ف المناظرة	مستوى الدلالة
ويلكس لامبدا	١,٦٢٣	٦,٢٩	دالة

* قيمة ف الحرجة عند مستوى ($\alpha = 0,05$) ودرجة حرية (١ ، ٦٦) هي ٣,٩٩ .

يشير جدول (٨) إلى أن قيمة هذا المعامل دالة عند مستوى ($\alpha > 0,001$) الأمر الذي يتطلب إجراء اختبارات (ف) أحادية المتغيرات (Univariate F- Tests) لمعرفة أثر طريقة التدريس على كل مجال من مجالات التفكير الرياضي وذلك حسب الجدول الآتي:

جدول (٩)

نتائج اختبارات (ف) أحادية المتغيرات لأثر طريقة التدريس على التفكير الرياضي*

مصدر التباين	المتغير التابع	مجموع المربعات	درجة الحرية	متوسط المربعات	قيمة ف	مستوى الدلالة > ٠,٠٥
طريقة التدريس (بين المجموعات)	الاستقراء	٤٢٩,٣٥	١	٤٢٩,٣٥	٦,٣٦	دالة
	الاستنتاج	٥٣٥,٣٤	١	٥٣٥,٣٤	١٧,٩٥	دالة
	التعبير بالرموز	٨٥٠,٥٦	١	٨٥٠,٥٦	٢٥,٧٥	دالة
	التفكير العلاقي	٧٤٤,٥٧	١	٧٤٤,٥٧	١٦,٠٧	دالة
	المنطق الشكلي	٤٢٤,١٨	١	٤٢٤,١٨	١٨,٦٥	دالة
	الاستقصاء	٩٤٨,٤٩	١	٩٤٨,٤٩	٢٥,٣٨	دالة
	الاختبار الكلي	٣٦٩٤,٦٩	١	٣٦٩٤,٦٩	٧,٠٣	دالة
الخطأ (داخل المجموعات)	الاستقراء	٤٤٥٤,٨٤	٦٦	٦٧,٥٠		
	الاستنتاج	١٩٦٨,٥٧	٦٦	٢٩,٨٣		
	التعبير بالرموز	٢١٧٩,٧٢	٦٦	٣٣,٠٣		
	التفكير العلاقي	٣٠٥٧,٣٧	٦٦	٤٦,٣٢		
	المنطق الشكلي	١٥٠١,٠٧	٦٦	٢٢,٧٤		
	الاستقصاء	٢٤٦٦,٦٦	٦٦	٣٧,٣٧		
	الاختبار الكلي	٣٤٧٠٤,٤٧	٦٦	٥٢٥,٨٣		

* قيمة ف الحرجة عند مستوى $(\alpha = 0.05)$ ودرجة حرية (٦٦، ١) هي ٣,٩٩

يشير الجدول (٩) إلى وجود فروق دالة إحصائية ($\alpha > 0.05$) بين مجموعتي الدراسة التجريبية والضابطة في اختبار التفكير الرياضي الكلي وفي كل مجال من مجالاته، وبالرجوع إلى جدول (٧) نجد أن الفروق كانت لصالح المجموعة التجريبية.

تفسير النتائج

أولاً: تفسير النتائج المتعلقة بالفرضية الأولى: أشارت النتائج المتعلقة بهذه الفرضية إلى تفوق طلاب المجموعة التجريبية على طلاب المجموعة الضابطة في التحصيل في الرياضيات، وتتفق هذه النتيجة مع دراسات (Charles & Lester, 1984)، (Ungson, 1985)، (Jussel, 1989)، (Smith, 1989) التي بينت تفوق الطلبة الذين درسوا وفق أسلوب حل المشكلات عموماً ونموذج بوليا خصوصاً مقارنة بالطريقة الاعتيادية.

وقد يُعزى ذلك إلى أن هذه الاستراتيجية نقلت الطلاب من النمط التقليدي الذي يكون فيه مجيباً عن أسئلة المدرس إلى نمط جديد مبني على التساؤل، الأمر الذي وضعه أمام تحدٍ علمي مكنه من التجاوب مع هذا الأسلوب كي يبرهن قدرته ويؤكد ذاتيته ويثبت إمكانياته في حل المسائل الرياضية. ويشير (Joyce & Weil, 1993) إلى أن الأسئلة المثيرة وتحليل المعلومات سوف تكون من الأنشطة

والفعاليات التي يشترك فيها الطلاب ولا سيما أن الأفراد يتساعلون بشكل طبيعي عندما يواجهون ظاهرة أو موقفاً مشكل.

كما أن تخطيط الدروس وفق هذا الأسلوب بما يتفق ومستوى الطلاب قد ساهم في تطوير خبرات ذات معنى لدى طلاب المجموعة التجريبية ومكنهم من تطبيقها في مواقف جديدة، وأن وضع الطالب في موقف مكتشف الحل لا موقف المتلقي يولد عنده قلقاً ذهنياً حسب ما يتطلبه الموقف لجمع المعلومات المساهمة في الحل، كما عليه أن يحث الذاكرة لديه ويعيد تنظيمها ليتمكن من التوصل إلى اكتشاف جديد يحل به الموقف المشكل (Whimbey, 1999)، وأن استخدام أسلوب التغذية الراجعة من الطلاب عن طريق العمل الجماعي أدى إلى تبادل الخبرات ومنح الطلاب ثقة أكبر بالمشاركة والتعلم؛ لأن تعليم الرياضيات وتعلمها يتحقق من خلال التفاعل البشري (روبرت موريس، 1987)، وهذا ما حققه التدريس على وفق نموذج بوليا في حل المشكلة المستخدم في هذه الدراسة.

ثانياً: تفسير النتائج المتعلقة بالفرضية الثانية: أشارت النتائج إلى تفوق طلاب المجموعة التجريبية على المجموعة الضابطة في اختبار التفكير الرياضي الكلي وفي كل مجال من مجالاته، وتتفق هذه النتيجة مع دراسات (عبدالحفيظ صلاح، 1992؛ أحمد شهاب، 1997؛ فائق السامرائي، 1999)، ويمكن أن يعزى ذلك إلى الأسباب الآتية:

- إن الدروس المخطط لها وفق أسلوب حل المشكلات (نموذج بوليا) قد ساعد الطلاب على تحسين أدائهم في اختبار التفكير الرياضي؛ لأن خطواته تتضمن عمليات عقلية تتطلب التفاعل النشط بين المعلم والطالب والمادة.
- ساعد هذا الأسلوب على بناء مخططات معرفية توضح الروابط بين المفاهيم والحقائق والقضايا التي يمتلكها الطالب، تساهم في إدراك البنية المعرفية للموضوع الدراسي، إذ أن امتلاك الفرد لبنية الموضوع المعرفية يمكنه من التصرف بالمعرفة وتحويلها، وتوليد معرفة جديدة منها، واستبصار علاقات جديدة بين عناصرها، وتوظيفها في حل المشكلات، مما يزيد من فعالية المعرفة لدى المتعلم وينمي قدرته العقلية، واحتفاظه بالمعرفة واستخدامها عند الحاجة.
- مكّن أسلوب حل المشكلات الطالب من توظيف مهارات عقلية عليا للوصول إلى النتائج المطلوبة من تحليل وتركيب واستقراء واستنتاج المفاهيم التي تم تعلمها، وأن هذه المهارات لا يمكن أن تلقن تلقيناً من قبل المدرس ولكن

- المدرس يستطيع أن يوفر المناخ المشجع على تنمية هذه المهارات وتوظيفها في التعلم الجديد، وإن إعادة تنظيم المحتوى التعليمي يساعد الطالب على جعل التعليم ذا معنى مما يساهم في توجيه مسار التفكير (جودت سعادة، ٢٠٠٣).
- أسلوب حل المشكلات عبارة عن استدلال وخطوات تستنتج كل خطوة من الخطوات التي تسبقها؛ أي أنه يتم التوصل إلى نتيجة من مقدمة واحدة أو أكثر يكون الطالب خلالها علاقة منطقية بين النتيجة والمقدمات مما ينمي لديه التفكير الاستقرائي والاستنتاجي والمنطقي (Trochim , 2003).
 - ويفترض بياجيه (Piaget) وجود صلة بين مستويات التفكير المنطقي لدى الطلاب وبين قدراتهم على تكوين المفاهيم والعلاقات المباشرة وغير المباشرة ويرتبط ذلك مع حل المشكلات بوصفه دلالة على القدرة على التفكير (Wolfolk , 1987).
 - ساهم هذا الأسلوب في تنمية قدرة الطالب على التفكير المنظم مما مكنه من ممارسة العمليات العقلية المختلفة من ملاحظة ووصف وتنبؤ وتفسير واستنتاج وغيرها من عمليات العلم وذلك أثناء حله للمشكلات التي يتضمنها الدرس؛ لأن الطالب لا يعطى له خبرات التعلم كاملة، وإنما يبذل الجهد في اكتسابها والحصول عليها باستعمال عملياته العقلية تحت إشراف المدرس.

التوصيات

- (١) استخدام استراتيجية حل المشكلات في تدريس الرياضيات لمختلف الصفوف لما له من اثر إيجابي في التحصيل والتفكير الرياضي.
- (٢) تدريب المعلمين على استخدام استراتيجية حل المشكلات في التدريس.
- (٣) بناء منهاج الرياضيات بحيث يكون مراعيًا استخدام استراتيجية حل المشكلات في عرض المحتوى والمسائل الرياضية.
- (٤) إجراء دراسات أخرى تتضمن معرفة أثره في مستويات الأهداف السلوكية عند بلوم، والتفكير الهندسي، والدافعية ...، وغيرها.
- (٥) تجريب هذه الاستراتيجية على صفوف أخرى غير الصف السابع.

المراجع

المراجع العربية

- أحمد الشارف (١٩٩٦): المدخل لتدريس الرياضيات، ط١. طرابلس: السابع من أبريل.
- أحمد سليمان عودة (١٩٩٨): القياس والتقويم في العملية التدريسية، إربد: دار الأمل.
- أحمد شهاب أحمد (١٩٩٧): أثر استخدام نموذج بوليا لحل المشكلات الرياضية في تنمية التفكير الاستدلالي لدى طلاب الصف الرابع الثانوي العام، رسالة ماجستير غير منشورة، جامعة الموصل، العراق.
- إسماعيل محمد الأمين الصادق (٢٠٠١): طرق تدريس الرياضيات نظريات وتطبيقات. القاهرة: دار الفكر العربي.
- أمل البكري، وعفاف الكسواني (٢٠٠٢): أساليب تعليم العلوم الرياضيات، ط١. عمان: دار الفكر للطباعة والنشر والتوزيع.
- جابر عبد الحميد جابر (٢٠٠١): مدرس القرن الحادي والعشرين لفعال - المهارات والتنمية المهنية، ط١. القاهرة: دار الفكر العربي.
- جودت سعادة (٢٠٠٣): تدريس مهارات التفكير، ط١. عمان: دار الشروق.
- جورج بوليا (١٩٨٥): البحث عن الحل، ترجمة أحمد سعيدان ووصفي حجاب، بيروت: مؤسسة الرسالة.
- روبرت موريس (١٩٨٧): دراسات في تعليم الرياضيات، (ترجمة عبد الفتاح الشرقاوي)، الكويت: مكتب التربية العربي لدول الخليج.
- صلاح أبوعلام (٢٠٠٢): القياس والتقويم التربوي والنفسي. القاهرة: دار الفكر العربي.
- عبد الحفيظ محمد صلاح (١٩٩٢): أثر استخدام أسلوب حل المشكلة في التفكير الرياضي لدى طلاب المرحلة الثانوية، مجلة كلية التربية، ع(١٦)، حزيران، ص(٦٥-٨٦).
- عمر الشيخ، وآخرون (١٩٩١): مستوى أداء الأردن في الدراسة الدولية للعلوم والرياضيات. سلسلة دراسات المركز الوطني للبحث والتطوير التربوي. (٨)، عمان، الأردن.
- غالب مشكور (٢٠٠٠): التفكير الرياضي لدى طلبة مراحل التعليم العام، رسالة ماجستير، بغداد: جامعة بغداد.
- فائق فاضل السامرائي (١٩٩٩). استخدام نموذجي فان هل و حل المشكلات في

تدريس الرياضيات وأثرهما في مستويات التفكير و اكتساب المهارات والتحصيل العام في الهندسة لطالبات الصف السادس العلمي، رسالة دكتوراه، بغداد: جامعة بغداد.

- فتحسي عبد الرحمن جروان: (١٩٩٩). تعليم التفكير - مفاهيم و تطبيقات ، ط. عمان: دار الكتاب الجامعي.
- فريد أبو زينة (١٩٨٦): نمو القدرة على التفكير الرياضي عند الطلبة في مرحلة الدراسة الإعدادية وما بعدها. المجلة العربية للعلوم الإنسانية، م(٦)، ع(٢١) ص ١٤٦-١٦٥.
- فريديك بل (١٩٨٦): طرق تدريس الرياضيات، ترجمة محمد المفتي و ممدوح سليمان، القاهرة: الدار العربية للنشر والتوزيع .
- متي كريم (١٩٨٣): المنطق الرياضي، ط١، بيروت: مؤسسة الرسالة.
- محمد بلال الزعبي، وعباس طلافحة، (٢٠٠٤): النظام الإحصائي (SPSS) - فهم و تحليل البيانات الإحصائية، ط٢. عمان دار: الأوائل للنشر.
- محمد حسن محمود(١٩٩٩): أثر استخدام طريقة حل المشكلات على التحصيل الدراسي والتفكير الرياضي لدى طلبة المرحلة المتوسطة بالمملكة العربية السعودية، مجلة كلية التربية، جامعة طنطا، ع(١٥)، حزيران ، ص ص (١٥-٤٠).
- محمد مصطفى يونس (١٩٩٨): مستوى التفكير الرياضي لدى طلبة المرحلة الأساسية وعلاقته بالقدرة على حل المسألة الرياضية و التحصيل الرياضي، رسالة ماجستير غير منشورة، عمان: الجامعة الأردنية.
- محمود الوهر، وهدد الحموري (١٩٩٨): تطور القدرة على التفكير الناقد وعلاقة ذلك بالمستوى العمري والجنس وفرع الدراسة، دراسات - العلوم التربوية ، م٢٥، ع١، ص ص ١١٢ - ١٢٦.
- المركز الوطني للبحث والتطوير التربوي (١٩٩٧): نشرة حول مستوى أداء طلبة الأردن في الدراسة الدولية للعلوم والرياضيات، سلسلة منشورات المركز، سلسلة رقم (٨).
- وزارة التربية والتعليم (٢٠٠٢): التقرير الإحصائي السنوي لضبط نوعية التعليم للمرحلة الأساسية، عمان: منشورات وزارة التربية والتعليم.
- وزارة التربية والتعليم (١٩٩٣): منهاج الرياضيات وخطوطه العريضة في مرحلة التعليم الأساسي، ط١. عمان: جمعية عمال المطابع المركزية.

المراجع الأجنبية:

- Bruner, J. (1978). Toward a theory of instruction, Harvard: University press.

- Charles, R. & Lester, f. (1984). An evaluation of Instructional program in Mathematical problem solving in Grade 5 & 7, Journal for Research in Mathematics Education, Vol. (15), No (1), pp 15-34.
- Clark, L. (1986). secondary school teaching methods ,3rd ed. New York : Macmillan publishing com . Inc .
- Costa, Arthur. L. (1993). Developing minds a resource book for teaching thinking , Revised edition , Vol (1) , ASCD , Alexandria , Virginia.
- Frank, M. (1997). Young children's Perceptions of Mathematics in problem – solving environments , Journal for Research in Mathematics Education , Vol 28 , Issue 1 , pp 8-26 .
- John, L. (1985). Student Mathematical Thinking , Arithmetic Teacher , Vol.(32) No.(2) , pp 112-122 .
- Joyce , B & Weil , M .(1993) . Models of Teaching . 3rd ed . New Jersey : Prentice company Inc .
- Jussel, M. (1989). An Investigating of the Effective of Problem - Solving practice , Learning Style & Gender on Problem – Solving Performance of 5th Grader , D.A.I Vol.(50) , No. (5) , p1121-A .
- Krulik, S. (1993). Reasoning and Problem – Solving A hand book for elementary school teachers , Boston : Allyn and Bacon .
- Mastromatteo, M.(1994). Problem –Solving in Mathematics , A classroom Teaching and change,Vol.(1), Issue (2), P P (182-190).
- Mayer , R.E .(1998). Thinking Problem – Solving Cognition , 4th , Ed: New York L: Freeman Company.

- N.C.T.M.(2000) .Principle and Standard for School Mathematics, Library of Congress Cataloguing - in - Publication Data: ISBN.
- Smith, B.(1989). An Investigating of the Efficiency of A heuristic Problem Solving, D.A.I, Vol. (94), No (1 ,P2189-A.
- Sternberg, R.J. (1992). Metaphors of Mind –conceptions Intelligence, Cambridge University Press.
- Trochim William M. (2003). Deductive thinking, Available online at: WWW. JCU. EDU. AU.
- Ungson, D. (1985). Development Instruction for Teaching Problem-Solving Strategies to Adult students, D.A.I, Vol. (46), No. (1), p 95-A.
- Whimbey, A. (1999) Problem - Solving and Comprehension New York: Lawrence Erlbaum Associates Inc.
- Wolfolk ,A. (1987). Educational Psychology , 1st Ed. New Jersey: Prentice-Hall Englewood Cliffs.

تاريخ ورود البحث : ٢٣ / ٨ / ٢٠٠٦م

تاريخ ورود التعديلات : ٨ / ١٢ / ٢٠٠٦م

تاريخ القبول للنشر : ٢٥ / ١٢ / ٢٠٠٦م

